

*Міністерство освіти і науки України  
Кіровоградська льотна академія Національного авіаційного університету  
Кіровоградський державний педагогічний університет  
імені Володимира Винниченка  
Кременчуцький Національний університет імені М. Остроградського  
Технічний університет (м. Софія, Болгарія)  
Університет прикладних наук Вайсенштейн-Тріздорф  
(м. Вайсенштейн-Тріздорф, Німеччина)  
Мозирський державний педагогічний університет імені І.П. Шамякіна  
(м. Мозир, Білорусь)*

**МАТЕРІАЛИ  
І МІЖНАРОДНОГО НАУКОВО-ПРАКТИЧНОГО СЕМІНАРУ  
«STEM-ОСВІТА – ПРОБЛЕМИ ТА  
ПЕРСПЕКТИВИ»**

28-29 жовтня 2016 р.

Кропивницький - 2016

## **ИСПОЛЬЗОВАНИЕ ТЕСТИРУЮЩИХ ПРОГРАММ НА КАФЕДРЕ МАТЕМАТИКИ И МЕТОДИКИ ПРЕПОДАВАНИЯ МАТЕМАТИКИ В СИСТЕМЕ STEM-ОБРАЗОВАНИЯ**

STEM-образование – это комплексный междисциплинарный подход с проектным обучением, сочетающим в себе естественные науки с технологиями, инженерией и математикой, в котором все предметы интегрированы и взаимосвязаны в единое целое. Рассмотрим в системе STEM-образования использование информационных технологий (электронные пособия и учебники, тренажеры и т.п.). Особое значение имеет использование тестирующих программ. Условно контроль знаний можно разделить на три вида:

- входной, при котором преподаватель может определить уровень подготовки студентов и на основании этого построить оптимальную схему для успешного ведения занятий (используется в основном для семинарских и практических занятий);
- промежуточный, при котором можно определить текущий уровень усвоения материала и при необходимости скорректировать дальнейшее изучение курса. Студенты в свою очередь могут оценить уровень собственных знаний по изученным темам.
- итоговый (зачет или экзамен).

При разработке тестирующей программы необходимо методическое обоснование ее применения и обработки результатов тестирования, учитывающих основные психолого-педагогические принципы обучения. Задания в тестах должны быть подобраны таким образом, чтобы можно было проверить основные уровни усвоения студентами знаний:

- 1) знание основных понятий и определений темы курса;
- 2) понимание и умение применять полученные знания при решении типичных задач;
- 3) умение анализировать различные ситуации, находить решения в нестандартных задачах;
- 4) умение обобщать изученный материал, устанавливать связи с предыдущими темами.

Этим уровням соответствуют следующие типы тестов. Выбор одного правильного ответа из нескольких предложенных (проверка механического запоминания); выбор нескольких правильных ответов из предложенного списка (уровни 2 и 3 — вариативное мышление); установление логических связей между группами объектов (уровни 3 и 4 — ассоциативное мышление); задания с открытой формой ответа.

При составлении тестовой программы важное значение имеют критерии оценки правильности выполненного теста. Так, наличие неравнозначных групп

вопросов приводит к необходимости введения весовых коэффициентов для каждого задания. Случайная выборка вопросов по каждому разделу позволяет сформировать различные комбинации тестов для студентов по предложенной теме, что способствует объективности оценки. Это в свою очередь требует наличия нескольких вопросов по каждому разделу и указания количества вопросов, которое должно выводиться при тестировании.

Все перечисленные педагогические аспекты создания тестирующих программ реализованы в разработанных нами тестирующих программах, таких как «Дифференциальные уравнения 1 порядка», «Дифференциальные уравнения 2 порядка», «Определенный интеграл», «Производная функции одной переменной», «Элементы комбинаторного анализа» и по дисциплинам кафедры математики и методики преподавания математики Учреждения образования «Мозырский государственный педагогический университет им. И.П.Шамякина». Данные тестирующие программы предназначены для контроля знаний студентов изучающих данные разделы высшей математики и для работы, как на дневной форме обучения, так и на заочной форме обучения. Преподаватели имеют возможность проводить промежуточный и итоговый контроль, как для всей группы, так и назначать тестирование отдельным студентам, а также:

- созданные программы, рассчитаны на продуктивную, осмысленную работу, которая контролируется преподавателем;
- работая с программой, студент приобретает навыки самостоятельной работы, которые, как правило, недостаточно сформулированы у большинства студентов;
- преподаватель имеет возможность определить подготовленность изученного материала студентами во время проведения текущего, промежуточного, итогового контроля или зачета, как для всей группы, так и протестировать отдельных студентов, а также позволяет объективно оценить знания студента.

**Роман Тацій, Олег Пазен, Марта Стасюк**  
(Львівський державний університет безпеки життєдіяльності, м. Львів,  
[opazen@gmail.com](mailto:opazen@gmail.com))

## **КОНЦЕПЦІЯ КВАЗІПОХІДНИХ В СПЕЦІАЛЬНИХ КУРСАХ МАТЕМАТИКИ**

Математичні моделі реальних фізичних явищ описуються диференціальними рівняннями, в так званій, дивергентній формі, тобто містять доданки вигляду  $\left( p(x) \cdot y^{(m)} \right)^{(n)}$ . При недостатній гладкості коефіцієнта  $p(x)$  виконання  $m$  – кратного диференціювання не є коректним навіть з точки

зору теорії узагальнених функцій [1]. Такі рівняння мають назву *квазідиференціальних*, їх теорія ґрунтова викладена в [1] (див. також літературу там). Натомість, викладення теорії і методів розв'язування таких рівнянь, на жаль, відсутні в сучасних підручниках та посібниках.

Пояснимо суть «концепції квазіпохідних» на найпростішому прикладі, що виникає при дослідженні, зокрема, стаціонарного температурного поля в стінці із змінним коефіцієнтом тепlopровідності  $\lambda(x)$  та функцією внутрішніх джерел  $f(x)$ . Математичною моделлю цього фізичного явища є наступна задача Коши:

$$(\lambda(x) \cdot y')' = f(x) \quad (1)$$

$$y(0) = y_0, \quad y^{[1]}(0) = y_1, \quad (2)$$

де  $\lambda(x)$  – обмежена і вимірна на замкненому проміжку  $[0, l]$ ,  $f(x)$  – сумовна на цьому проміжку, а  $y^{[1]}(x) \stackrel{df}{=} \lambda(x) \cdot y'(x)$  – квазіпохідна [1].

Нехай  $K(x, s)$  – функція Коши квазідиференціального рівняння  $(\lambda(x) \cdot y')' = 0$ :

$K(s, s) = 0$ ,  $K^{[1]}(s, s) = 1$ . Безпосередньо переконуємося, що

$K(x, s) = \int_s^x \frac{dt}{\lambda(t)}$ ,  $x \geq s$ . Тоді розв'язок задачі (1), (2) подається у формі Коши

$$y(x) = K^{[1]}(x, 0) \cdot y_0 + K(x, 0) \cdot y_1 + \int_0^x K(x, s) \cdot f(s) ds \quad (3)$$

Якщо, наприклад, коефіцієнти  $\lambda(x)$  та  $f(x)$  є кусково-сталими на проміжку  $[0, l]$ , тобто подаються у вигляді

$$\lambda(x) = \sum_{i=0}^n \lambda_i \Theta_i, \quad f(x) = \sum_{i=0}^n r_i \Theta_i,$$

де  $\lambda_i, r_i$  – сталі, а  $x_i$  – точки поділу проміжку  $[0, l]$  на  $n$  частин ( $x_0 = 0$ ,  $x_n = l$ ), а  $\Theta_i$  – характеристична функція інтервалу  $[x_i, x_{i+1})$ ,  $i = \overline{0, n-1}$ , тобто

$$\Theta_i = \begin{cases} 1, & x \in [x_i, x_{i+1}) \\ 0, & x \notin [x_i, x_{i+1}) \end{cases},$$

то розв'язок (3) набуває вигляду [1, 2]

$$y(x) = \sum_{i=0}^n y_i(x) \Theta_i, \text{ де}$$

де  $y_i(x)$  визначена формулою

$$y_i(x) = y_0 + \left( \frac{x - x_i}{\lambda_i} + \sum_{j=0}^{i-1} \frac{x_{j+1} - x_j}{\lambda_j} \right) \cdot y_1 + \\ + \sum_{k=1}^i \left[ \frac{r_{k-1}}{2\lambda_{k-1}} (x - x_{k-1})^2 + r_{k-1} (x - x_{k-1}) \cdot \left( \frac{x - x_i}{\lambda_i} + \sum_{j=1}^{i-1} \frac{x_{j+1} - x_j}{\lambda_j} \right) \right] + \frac{r_i}{2\lambda_i} (x - x_i)^2.$$

Інший приклад – це дослідження поперечного згину балки, що приводить до розв'язання квазідиференціального рівняння 4-го порядку

$$(a_0(x) y'')'' - (a_1(x) y')' + a_2(x) y = f(x), \quad (4)$$

де на коефіцієнти диференціального рівняння (4), як і для диференціального рівняння (1), накладено такі обмеження:  $a_0^{-1}(x)$  – обмежена і вимірна на замкненому проміжку  $[0, l]$ ,  $a_0(x), a_1(x)$  та  $f(x)$  – сумовні на цьому проміжку. Зауважимо, що при заданих обмеженнях на коефіцієнти рівняння (4) не є класичним диференціальним рівнянням, проте ввівши наступні квазіпохідні:

$$y^{[1]} = y', \quad y^{[2]} = a_0(x) y'', \quad y^{[3]} = a_1(x) - (y^{[2]})'$$

прийдемо до еквівалентної системи диференціальних рівнянь 1-го порядку

$$\begin{pmatrix} y \\ y^{[1]} \\ y^{[2]} \\ y^{[3]} \end{pmatrix}' = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & a_0^{-1}(x) & 0 \\ 0 & a_1(x) & 0 & -1 \\ a_2(x) & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} y \\ y^{[1]} \\ y^{[2]} \\ y^{[3]} \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \\ f(x) \end{pmatrix}, \quad (5)$$

яка, як відомо [1], має розв'язок в класі абсолютно неперервних вектор-функцій на проміжку  $[0, l]$ .

Можна ще ускладнити математичну модель, що описується рівнянням (4), ввівши в коефіцієнти  $a_1(x)$  і  $a_2(x)$  скінчене число функцій Дірака  $\delta(x - x_i)$ ,  $x_i \in (0, l)$ . Якщо  $a_1(x) = db_1(x)$ ,  $a_2(x) = db_2(x)$ , а  $b_1(x)$ ,  $b_2(x)$  – функції обмеженої на  $[0, l]$  варіації, тобто мають скінчені стрибки  $\Delta b_1(x_i)$ ,  $\Delta b_2(x_i)$  в точках  $x_i$ , то система (5), а отже і квазідиференціальне рівняння (4) є коректними, а властивості розв'язків та квазіпохідних цього рівняння з узагальненими коефіцієнтами ґрунтовно описані в [1].

Слід зауважити, що введені для диференціальних рівнянь (1) і (4) квазіпохідні не є такими ж універсальними, як звичайні похідні. Вони пов'язані з конкретним диференціальним рівнянням, тобто з його коефіцієнтами.

Таким чином, за допомогою введення квазіпохідних вдається уникати операції диференціювання недостатньо гладких коефіцієнтів, що дозволяє конструктивно знаходити розв'язки крайових задач, які моделюють реальні фізичні процеси.

## БІБЛІОГРАФІЯ

1. Узагальнені квазідиференціальні рівняння / Р.М. Тацій, М.Ф. Стасюк, В.В. Мазуренко, О.О. Власій – Дрогобич: Коло, 2011. – 301 с.
2. Тацій Р.М. Дискретно-неперервні крайові задачі для найпростіших квазідиференціальних рівнянь другого порядку / Р.М. Тацій, М.Ф. Стасюк, О.О. Власій // Вісник НУ «Львівська політехніка»: Прикладна математика. – 2011. – №718. – С.61-69.

Тетяна Плачинда, Оксана Юрсол  
(ВСП НАУ «Кіровоградська льотна академія Національного авіаційного університету», м. Кропивницький, ursol7@rambler.ru)

## ГУМАНІТАРНА ПІДГОТОВКА ЯК СКЛАДОВА STEM-ОСВІТИ

Над питанням підготовки фахівців майбутнього, здатних креативно мислити і створювати інновації замислюються не лише в Україні. У провідних країнах світу одним з інструментів вважають STEM-освіту, яку підтримують на найвищому державному рівні.

Стрімкий розвиток IT-галузі, робототехніки, нанотехнологій виявляє потребу у досвідчених фахівцях, а значить, виникає гостра освітня потреба у якісному навчанні сьогоднішніх курсантів технічним дисциплінам – математиці, фізиці, інженерії, програмуванню тощо. Освіта повинна бути випереджувальною, відповідати тенденціям розвитку суспільства в майбутньому.

Сьогодні Україна знаходиться на шляху інтенсивного розвитку і потребує значної кількості висококваліфікованих фахівців в інноваційній сфері, які стануть запорукою успішного економічного розвитку та конкурентоспроможності нашої держави в найближчому майбутньому.

Одним із напрямків інноваційного розвитку вищої освіти є система навчання STEM (Science-наука, Technology-технологія, Engineering-інженерія, Mathematics-математика), завдяки якій студенти розвивають логічне мислення та технічну грамотність, вчаться вирішувати поставлені задачі, стають новаторами, винахідниками. STEM-навчання дозволить змінити та вирішити найбільш актуальні проблеми майбутнього.

На міжнародному рівні визначено наступні ключові заяви, з якими не можуть не погодитися українські фахівці:

– STEM-освіта має починатися з раннього дошкільного віку і продовжуватися в студентські роки;

– мова науки – англійська. Найбільш значимі наукові ресурси публікуються англійською мовою, у 60 з 196 країн світу англійська має статус офіційної мови. Англійська відкриває широкий доступ до знань: лідер серед мов Інтернету;

– гендерний підхід у навчанні: потрібні програми STEM-освіти для дівчат. Дівчата в науці, завдяки своїй акуратності і схильності до роботи з даними, можуть зробити те, що не під силу юнакам, але їх потрібно правильно вчити;

– STEM-освіта має будуватися на патріотизмі і любові до своєї країни. Незважаючи на те, що в науці немає кордонів, важливо підготувати гарного фахівця, який приносить користь своїй державі. Проблема витоку тіл - це нова проблема глобального суспільства;

– наука повинна захоплювати, займатися наукою має бути цікаво, доступно і радісно. Science is fun! Наука це весело!

З огляду на вище зазначене слід зауважити, що STEM-критерій (англ. Science Technology, Engineering, Mathematics) у вищій освіті США, які першочергово базувалися на технічній спрямованості освітнього процесу, стали актуальними в 2006 р. в межах Американської конкурентної ініціативи Дж. Буша молодшого. Оскільки саме тоді досягла свого апогею національна ідея щодо відставання США від зростаючих країн-гігантів Китаю та Індії в технологічній сфері. Тому в той же рік американська академічна громада заявила про необхідність посилення освіти в точних науках, перепідготовки викладачів STEM-профілю і збільшення частки випускників вищих навчальних закладів з технічними освітньо-кваліфікаційними ступенями [1; 2].