

Державна служба України з надзвичайних ситуацій



Львівський державний  
університет безпеки  
життєдіяльності

XII Міжнародна  
науково-практична конференція  
молодих вчених, курсантів та студентів

**ПРОБЛЕМИ ТА ПЕРСПЕКТИВИ  
РОЗВИТКУ СИСТЕМИ  
БЕЗПЕКИ ЖИТТЄДІЯЛЬНОСТІ**

Частина II



Львів - 2017

<b>Сабадін Ю.В.</b> РОЛЬ ПРОФІЛАКТИЧНИХ МЕДИЧНИХ ОГЛЯДІВ У ТРУДОВІЙ ДІЯЛЬНОСТІ .....	156
<b>Савінська Н.В.</b> ЕКОЛОГІЧНА ОЦІНКА АЕРОЗОЛЬНОГО ВИКИДУ ХАЕС	158
<b>Синюк Б.В.</b> БЕЗПЕКА ПРИ РОБОТІ З РІЗНИМИ ТИПАМИ ВИСОКОТЕХНОЛОГІЧНИХ 3D-ПРИНТЕРІВ .....	160
<b>Степанов В. С.</b> МАТЕМАТИЧНА МОДЕЛЬ ВИБУХОНЕБЕЗПЕЧНИХ ПРИМІЩЕНЬ З ПРИРОДНИМ ГАЗОМ .....	163
<b>Ткачук О.Я.</b> ЩОДО ПИТАННЯ ПОМИСЛОВОЇ БЕЗПЕКИ НАФТОГРАНСПОРТНОЇ ГАЛУЗІ В КОНТЕКСТІ НЕСАНКЦІОНОВАНОГО ПОРУШЕННЯ ЦІЛІСНОСТІ МАГІСТРАЛЬНИХ ТРУБОПРОВОДІВ .....	165
<b>Токарська В.С.</b> ЗАХВОРЮВАННЯ ВНАСЛІДОК ДІЇ ФОСФОРНИХ ДОБРИВ .....	167
<b>Уманцев Н.Ю.</b> ВИКОРИСТАННЯ САМОХІДНОГО ГУСЕНИЧНОГО ШАСІСТ ДЛЯ ВИКОНАННЯ ДОПОМОЖНИХ РОБІТ В ТРУДНОДОСТУПНИХ МІСЦЕВОСТЯХ .....	169
<b>Фартух В.С., Хаціївська А.М.</b> АНАЛІЗ ВИРОБНИЧОГО ТРАВМАТИЗMU В УКРАЇНІ .....	171
<b>Яциніак А. А., Лисенко О. Ю., Ілько І. В.</b> ЗАХИСТ РЯТУВАЛЬНИКІВ ВІД ІНТЕНСИВНОГО ТЕПЛОВОГО ВИПРОМІНЮВАННЯ .....	173

## Секція 9

### ПРИРОДНИЧО-НАУКОВІ АСПЕКТИ БЕЗПЕКИ ЖИТТЄДІЯЛЬНОСТІ

<b>Біленко Н.В.</b> МАТЕМАТИЧНЕ МОДЕЛЮВАННЯ ОПТИМІЗАЦІЇ РОЗТАШУВАННЯ ЛОГІСТИЧНОГО ОБ'ЄКТА ПРИ ОБМежЕННЯХ .....	175
<b>Гончар А.В.</b> ЦЕНТРИ ЗАХОПЛЕННЯ КРИСТАЛІВ ГАЛОЇДНИХ СПОЛУК КАДМІЮ .....	177
<b>Гончар А.В.</b> АНАЛІТИЧНИЙ КОНТРОЛЬ ДЕЯКІХ ПЕСТИЦІДІВ В ПРОДОВОЛЬЧІЙ СИРОВИНІ РОСЛИННОГО ПОХОДЖЕННЯ .....	180
<b>Гловіа В.</b> ВПЛИВ ЗБУРЕННЯ НА ПОВЕДІНКУ ФУНКІЇ ТА ЙОГО ВИКОРИСТАННЯ В ТЕОРІЇ КАТАСТРОФ .....	182
<b>Драч В.Л.</b> НЕЗВИЧАЙНІ ВЛАСТИВОСТІ ЗВИЧАЙНОЇ ВОДИ .....	184
<b>Кордунова Ю.</b> КВАДРАТИЧНІ ЛІШКИ. СИМВОЛИ ЛЕЖАНДРА ТА ЯКОБІ .....	186
<b>Лазарук Б.</b> СТРУКТУРНА СТИКІСТЬ ФУНКІЙ В ТЕОРІЇ КАТАСТРОФ..	188
<b>Мельник М., Тимофесова І.</b> ДИФЕРЕНЦІАЛЬНЕ РІВНЯННЯ ПРУЖНОЇ ЛІНІЇ ЗМІШЕНОГО СТЕРЖНЯ .....	190
<b>Овсяк Н., Слободянік Н.</b> ДОСЛІДЖЕННЯ ВИТРИВАЛОСТІ ВАЛА ЗА УТОЧНЕНИМИ ГЕОМЕТРИЧНИМИ ХАРАКТЕРИСТИКАМИ ПЕРЕРІЗУ ..	193
<b>Слободянік Н., Сидорук М.</b> ДОСЛІДЖЕННЯ ПОЗДОВЖНЬО-ПОПЕРЕЧНОГО ЗГИНУ ДВООПОРНОЇ БАЛКИ ЗА РІЗНОГО ПОПЕРЕЧНОГО НАВАНТАЖЕННЯ .....	194
<b>Судніцин Ю.Т.</b> АНАЛІЗ ВІДОМІХ ЗАЛЕЖНОСТЕЙ ДЛЯ ВИЗНАЧЕННЯ ВТРАТ ТИСКУ ПРИ ТЕЧІЇ ПСЕВДОПЛАСТИЧНИХ РІДИН .....	197

**УДК 517(023)**

## СТРУКТУРНА СТІЙКІСТЬ ФУНКІЙ В ТЕОРІЇ КАТАСТРОФ

*Лазарук Б.*

**Карабин О.О.,** канд. ф.-м. наук, доцент, **Чмир О.,** канд. ф.-м. наук, доцент  
**Львівський державний університет безпеки життєдіяльності**

В класичній мові диференціального і інтегрального числення вважалось, що всі залежності можна описати неперервними функціями, для яких характерною є незначна зміна функції внаслідок малих змін аргументу. Але життя показує, що навіть малі зміни, які порушують гармонію, можуть суттєво змінити усталений процес. Загального підходу до дослідження різких якісних змін усталених процесів не існувало. Вирішеннякої задачі складало самостійну проблему. Протягом двох століть було накопичено величезний досвід дослідження різких змін в різних фізичних системах, тісно пов'язаних з формулюванням понять стійкості і нестійкості рівноваги. Однією з математичних теорій, яка описує різкі переходи є теорія катастроф, яка сформувалась як наука в 70-х роках ХХ століття. Побачити передумови виникнення ситуації, коли усталена система перейде стрибкоподібно в інший режим та прокласифікувати режими, які можуть при малих збуреннях перебудуватись і змінитись, якісно дозволяє нова теорія, новий підхід сформульований А.А. Андроновим, а саме теорія структурної стійкості, що стала одним з ключових понять теорії катастроф.

Розглянемо функції  $y = x^2$ ,  $y = x^3$ ,  $y = x^4$ . Всі ці функції об'єднують, що в початку координат їх похідна дорівнює нулю. Метод диференціального числення дозволяє встановити, що для  $y = x^2$  та  $y = x^4$  точка  $(0; 0)$  є точкою мінімуму, а для функції  $y = x^3$  в цій точці екстремум відсутній. Розглянемо, як поведуть себе ці функції після незначного так званого збурення, тобто  $y = x^2 - \varepsilon x$ ,  $y = x^3 - \varepsilon x$ ,  $y = x^4 - \varepsilon x^2$ . В першому випадку жодних принципових змін не відбудеться (рис. 1). Функції  $y = x^2$ ,  $y = x^2 - \varepsilon x$  мають одну критичну точку, яка є точкою локального мінімуму.

Для збуреної функції точка мінімуму перемістилась на величину  $x_0 = \frac{\varepsilon}{2}$ .

Функція  $y = x^3$  після збурення на доданок  $-\varepsilon x$  перебудувалась у функцію з двома точками екстремуму  $x_1 = \sqrt[3]{\frac{\varepsilon}{3}}$ ,  $x_2 = -\sqrt[3]{\frac{\varepsilon}{3}}$  (рис. 2).

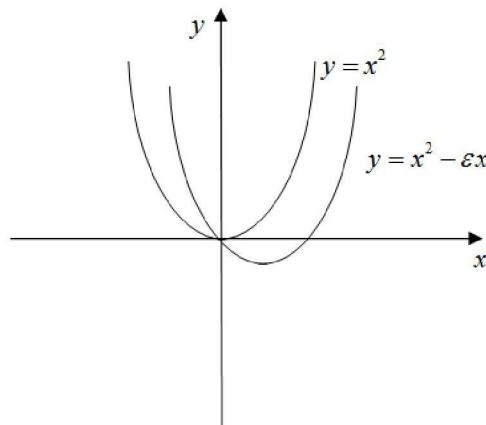


Рис. 1

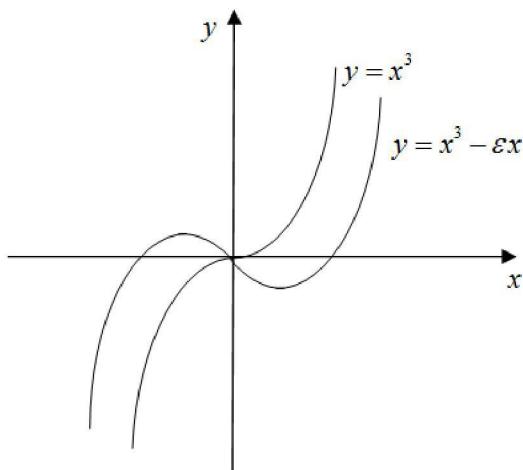
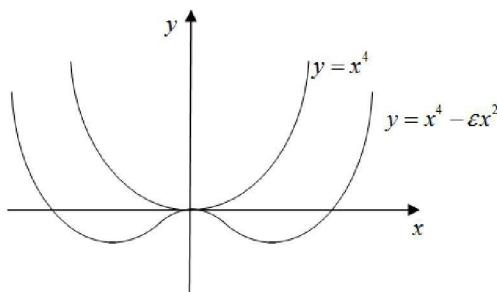


Рис. 2

Функція  $y = x^4$  набуvalа мінімуму в початку координат, а збурена функція  $y = x^4 - \varepsilon x^2$  має три критичні точки. При цьому початок координат є точ-

кою максимуму, а точки  $x_1 = \sqrt{\frac{\varepsilon}{2}}$ ,  $x_2 = -\sqrt{\frac{\varepsilon}{2}}$  – точки мінімуму (рис. 3).



*Rис. 3*

Збурені функції можна розглядати, як функції, що залежать від параметра  $\varepsilon$ . В описаних прикладах, коли  $\varepsilon = 0$  виникає структурно нестійка критична точка. Саме ця точка є найважливішою, оскільки з нею пов'язані якісні зміни в поведінці функцій. В зв'язку з такими задачами виникло поняття “біфуркація”, що позначає всеможливі якісні перебудови різних об'єктів внаслідок зміни параметрів, від яких вони залежать. В прикладі  $y = x^4 - \varepsilon x^2$  значення параметра  $\varepsilon = 0$  відповідає точці біфуркації. Задача дослідження точок біфуркації полягає в їх класифікації і аналізі поведінки функцій поблизу структурно нестійких критичних точок [1].

#### **Література:**

1. Маневич Л.И. О теории катастроф. Соросовский образовательный журнал. Том 6, № 7, 2000. – С 85 - 90.

**УДК 539.3**

## **ДИФЕРЕНЦІАЛЬНЕ РІВНЯННЯ ПРУЖНОЇ ЛІНІЇ ЗМІЩЕННОГО СТЕРЖНЯ**

*Мельник М., Тимофесіва І.*

Дзюба Л.Ф., канд. т. н., доцент, Чмир О.Ю., канд. ф.-м. наук, доцент  
Львівський державний університет безпеки життєдіяльності

У металевих елементах конструкцій з плином часу відбуваються деградаційні процеси (корозія, втома тощо), які за тривалої експлуатації призводять до різноманітних пошкоджень [1]. Корозійні чи втомні пошкодження зумовлюють зміни геометричних параметрів поперечного перерізу елемента конструкції та його напруженого деформованого стану. Під час техніч-