

НАЦІОНАЛЬНИЙ УНІВЕРСИТЕТ "ЛЬВІВСЬКА ПОЛІТЕХНІКА"  
ЛЬВІВСЬКИЙ НАЦІОНАЛЬНИЙ УНІВЕРСИТЕТ ім. ІВАНА ФРАНКА  
ТЕХНІЧНИЙ КОЛЕДЖ  
НАЦІОНАЛЬНОГО УНІВЕРСИТЕТУ "ЛЬВІВСЬКА ПОЛІТЕХНІКА"

## *МАТЕРІАЛИ*

XX Міжвузівської науково-практичної конференції

# *"Методичні проблеми викладання математики у вищих навчальних закладах"*



ЛЬВІВ – 2017

## Зміст

1. **ГЕОМЕТРІЯ ВЕЛИКИХ ДАНИХ.** *М.М. Зарічний, д.ф.-м.н., професор, Львівський національний університет імені Івана Франка*
2. **ПРО ОСОБЛИВОСТІ ВИКЛАДАННЯ КОМПЛЕКСНИХ ЧИСЕЛ ТА ГЕОМЕТРІЇ У ВИЩИХ УЧБОВИХ ЗАКЛАДАХ І-ІV РІВНІВ АКРЕДИТАЦІЇ. ПРАВИЛЬНІ ТРИКУТНИКИ. <sup>1</sup>*І.О. Бобик І.О., к.ф.-м.н., доцент;* <sup>1,3</sup>*П.Я. Пукач, д.т.н., доцент;* <sup>1,2</sup>*М.М. Симотюк, к.ф.-м.н., с.н.с.,* <sup>3</sup>*І.І. Клюйник, к.т.н,* (<sup>1</sup>Національний університет “Львівська політехніка”, <sup>2</sup>Інститут прикладних проблем механіки і математики ім. Я. С. Підстрігача НАН України, <sup>3</sup>Технічний коледж Національного університету ”Львівська політехніка“)**
3. **З ІСТОРІЇ МАТЕМАТИКИ У ЛЬВІВСЬКІЙ ПОЛІТЕХНІЦІ.** *Я.Г. Притула, к.ф.-м.н., доцент, Львівський національний університет імені Івана Франка*
4. **З ІНТЕРВ'Ю Б.Г.ОРАЧА ЖУРНАЛУ “СНОБ”,** *Г. М. Гавриліна, випускниця СШ №52 м. Львова*
5. **МАТЕМАТИКА І МЕДИЦИНА.** *М.М. Стецик, Самбірський медичний коледж*
6. **ТЕСТ-КОНТРОЛЬ З МАТЕМАТИКИ. КОМП'ЮТЕРНЕ ТЕСТУВАННЯ.** *Л.Д. Борщевська, Новороздільський політехнічний коледж*
7. **”ХМАРНЕ“ ОСВІТНЕ СЕРЕДОВИЩЕ У ВНЗ.** *І.Т. Неволіна, Стрийський коледж ЛНАУ*
8. **ПРОБЛЕМИ РОЗВ'ЯЗУВАННЯ СТЕРЕОМЕТРИЧНИХ ЗАДАЧ: ПОЯСНЕННЯ ДО ЇХ РОЗВ'ЯЗУВАННЯ.** *Б.Д. Борис, Самбірський державний педагогічний коледж ім. І. Филипчака*
9. **СКІНЧЕНІ ПОЛЯ ТА ЇХ ПОБУДОВА.** *М.Ф. Стасюк, к.ф.-м.н., Р.М. Тацій, д.ф.-м.н., Львівський державний університет безпеки життєдіяльності*
10. **ПІДВИЩЕННЯ ЕФЕКТИВНОСТІ ВИВЧЕННЯ ТЕМИ “ПРЯМІ І ПЛОЩИНИ В ПРОСТОРІ”,** *Б.С. Кравець, викладач-методист, Дрогобицький коледж нафти і газу*
11. **ПАРАДОКСИ ТЕОРІЇ ЙМОВІРНОСТЕЙ.** *Є.В. Черемних, д.ф.-м.н., професор, Національний університет “Львівська політехніка“*
12. **ДЕЯКІ АСПЕКТИ МЕТОДИКИ ВИКЛАДАННЯ СТАТИСТИЧНОГО АНАЛІЗУ.** *О.О. Карабин, к.ф.-м.н доцент, О.Ю. Чмир, к.ф.-м.-н., доцент.* Львівський державний університет безпеки життєдіяльності
13. **ВИКЛАДАТИ ВІД ПРОСТОЇ ТЕМИ ДО СКЛАДНОЇ.** *Є.В. Черемних, д.ф.-м.н., професор, Національний університет “Львівська політехніка“*
14. **МОЖЛИВІ ПІДХОДИ ДО РОЗВ'ЯЗАННЯ ОДНІЄЇ ОЛІМПІАДНОЇ ЗАДАЧІ.** <sup>1</sup>*Т.Ю. Бохонова,* <sup>2</sup>*В.В. Тихонова, викладач-методист,* <sup>3</sup>*О.П. Томашук, к.пед.н., доцент,* <sup>3</sup>*В.А. Гроза, к.ф.-м.н., доцент,* <sup>2</sup>*О.Л. Лещинський к.ф.-м.н., доцент.* (<sup>1</sup>Київський науково-природничий ліцей № 145, <sup>2</sup>Промислово-економічний коледж НАУ, <sup>3</sup>Національний авіаційний університет), м. Київ
15. **ДЕЯКІ ПИТАННЯ МЕТОДИЧНОГО ЗАБЕЗПЕЧЕННЯ САМОСТІЙНОЇ РОБОТИ СТУДЕНТІВ.** *В.Д. Мохонько, к.ф.-м. н., доцент, Л.С. Васіна, к.пед.н., Технічний коледж Національного університету “Львівська політехніка“*
16. **ЗАСТОСУВАННЯ МЕТОДУ ПРОЕКТІВ НА ЗАНЯТТЯХ З ВИЩОЇ МАТЕМАТИКИ.** *О.М. Малик, Дніпропетровський коледж ракетно-космічного машинобудування Дніпропетровського національного університету ім. О. Гончара, м. Дніпро*
17. **ЕКСПРИСТИВНЕ НАВЧАННЯ ЯК ІНСТРУМЕНТ ІННОВАЦІЙНОГО РОЗВИТКУ ОСВІТИ.** *Н.Я. Сулик, Львівський техніко-економічний коледж Національного університету “Львівська політехніка“*
18. **ПРО МЕТОДИ ЗАЦІКВЛЕНОСТІ СТУДЕНТІВ ПРИ ВИВЧЕННІ ВИЩОЇ МАТЕМАТИКИ.** *О.М. Трусевич, к. ф.-м. н., доцент, Т.В. Гембара, к. т. н., доцент* Львівський державний університет безпеки життєдіяльності

# ДЕЯКІ АСПЕКТИ МЕТОДИКИ ВИКЛАДАННЯ СТАТИСТИЧНОГО АНАЛІЗУ

О.О. Карабин, к. ф.-м. н., доцент, О.Ю. Чмир, к. ф.-м. н., доцент,  
Львівський державний університет безпеки життєдіяльності, м Львів

Зміни, що відбуваються в суспільстві, в першу чергу вимагають змін в системі освіти. Важка фізична праця перестає бути основним видом діяльності більшості членів суспільства, на передній план виходить інтелектуальна складова праці. В системі освіти мимоволі виникає революційна ситуація, яка приведе до появи нових методів і методик викладання, які будуть застосовуватись одночасно з традиційними методиками. Очевидно, що новітні методики включають в себе використання сучасних інформаційно-комунікаційних технологій та засобів навчання. Перенесення акценту на інтелектуальну складову праці ставить акцент на математичну складову в системі підготовки фахівців. Як відомо, «математика приводить розум в порядок». В час, коли знання точних наук вийшло на чільне місце, ми зіткнулись з протиріччям. Всі розуміють, що математична складова є обов'язковою в системі підготовки фахівців практично всіх рівнів і галузей, але тим не менше частка математичних дисциплін і їх обсяг в навчальних планах підготовки фахівців зменшується. Вирішити таке протиріччя можна за допомогою самостійної роботи студентів, але такий шлях вимагає високої мотивації студентів до навчання, чого на даний час ми нажаль не маємо.

Одним з важливих розділів вищої математики, елементами якого повинен володіти кожен випускник технічного навчального закладу, є статистичний аналіз. Саме статистичний аналіз і його методи є одним з тих нових і перспективних розділів математики, який знаходить широке застосування в різних галузях людської діяльності. Виходячи з цього можемо стверджувати, що вивчення основ статистичного аналізу повинне бути обов'язковим в системі підготовки фахівців не тільки технічного, а й гуманітарного спрямування.

Підхід до викладання статистичного аналізу повинен бути таким, щоб той, хто навчається бачив можливості використання статистичних методів в своїй подальшій професійній діяльності. Для досягнення цієї мети вважаємо обов'язковим проведення лабораторних робіт з використанням прикладних статистичних пакетів і прикладних практичних задач.

За своєю суттю багатомірний регресійний аналіз є надзвичайно складний в технічному плані, оскільки ґрунтуються на матричному численні, понятті базисних векторів та власних значень, апроксимації функцій многочленами. Для користувача не потрібно заглиблюватись у всі тонкощі і глибини цього методу аналізу. Головне – знати можливості цього апарату, вміти визначити ситуації, коли цей апарат можна застосовувати і реалізувати його технічно з допомогою прикладних математичних пакетів. Саме ці три основні пункти є ключовими в побудові логічної структури лекційних, лабораторних та практичних занять зі статистичного аналізу. Крім цього викладач повинен студентам надати можливість вибору технічних засобів для реалізації поставлених цілей, оскільки, як відомо, все пізнається «в порівнянні». Пропонується розглядати вирішення задачі визначення впливу факторів  $x_1, x_2, x_3, x_4, x_5$  на ознаку  $y$  двома способами, а саме, за допомогою функції =ЛИНЕЙН пакета Excel, та в пакеті STATISTICA за допомогою меню Statistics - Advanced Linear / Nonlinear Models / Multiple regression / Quick specs dialog.

В пакеті Excel результати регресійного аналізу виводяться у вигляді таблиць в порядку, наведеному на рис.1.

$\beta_5$	$\beta_4$	$\beta_3$	$\beta_2$	$\beta_1$	$\beta_0$
$\sigma_{\beta_5}$	$\sigma_{\beta_4}$	$\sigma_{\beta_3}$	$\sigma_{\beta_2}$	$\sigma_{\beta_1}$	$\sigma_{\beta_0}$
$R^2$	Стандартна похибка				
Критерій Фішера	Ступені свободи				
Сума квадратів відхилень, що	Сума квадратів відхилень, що				

пояснюється регресією	пояснюється похибкою			
-----------------------	----------------------	--	--	--

Рис. 1. Розташування регресійної статистики в пакеті Excel

де  $\beta_i$  – коефіцієнти регресії при  $i$ -ому факторі.

З отриманих даних регресійної таблиці користувач за відомими йому формулами знаходить нормовані коефіцієнти регресії, коефіцієнти еластичності, перевіряє адекватність регресійної моделі, встановлює фактори, що найбільше впливають на зміну результиручого показника. Додатково можна обчислити парні коефіцієнти регресії і встановити наявність мультиколінеарності.

В пакеті STATISTICA мультифакторний аналіз можна виконати зайдовши в **меню Statistics - Advanced Linear / Nonlinear Models**. Вибрати в якості типу аналізу **Multiple regression** і в якості методу вирішення **Quick specs dialog**. Після цього натиснути **OK** для входу в діалогове вікно множинної регресії та виділивши опцію **Summary** потрібно натиснути клавішу **Coefficients** для відображення обчислених коефіцієнтів регресії. Коефіцієнти регресії отримуємо у першому стовпчику, а нормовані коефіцієнти регресії маємо у стовпчику **Beta**. Для відображення коефіцієнта множинної детермінації потрібно в меню **GLM Results** відкрити вкладку **Summary**, а в ній **Whole model R**. В результаті дістанемо табличку з множинним коефіцієнтом детермінації, ступенями свободи та емпіричним значенням критерію Фішера. Для відображення парних коефіцієнтів кореляції в меню **GLM Results** відкрити вкладку **Matrix**, а в ній вкладку **Correlation**.

Пакет STATISTICA має набагато більше графічних можливостей та набагато більше операційних функцій для здійснення багатомірного кореляційного аналізу. Як показує досвід, цим пакетом можна користуватись після оволодіння техніки багатомірного кореляційного аналізу та маючи ґрунтовну теоретичну підготовку. Калькулятор Excel дає можливість оволодіти технікою багатомірного кореляційного аналізу, зрозуміти його тонкощі та особливості.

### Список використаних джерел

- Лапач С. М. Конфлікт класичного і модернового у викладанні математики у вищій школі / Сергій М. Лапач. // Математика в сучасному технічному університеті. – 2015. – С. 162–167.
- Радченко С. Г. Системное обеспечение получения многофакторных статистических моделей [Електронний ресурс] / Станіслав Г. Радченко // Математика в сучасному технічному університеті. – 2015. – С. 66-71.
- Карабин О.О., Чмир О.Ю. Викладання багатофакторного кореляційного аналізу з використанням інформаційно-комунікаційних технологій / Оксана О. Карабин, Оксана Ю. Чмир // Вісник львівського державного університету безпеки життєдіяльності , №13, - 2016, -С. 181-191

## ВИКЛАДАТИ ВІД ПРОСТОЇ ТЕМИ ДО СКЛАДНОЇ

**Є.В. Черемних, д.ф.-м.н., професор,**  
**Національний університет “Львівська політехніка“**

Розглянемо функції  $y = ax + b$ . Позначимо через  $[y]$  найбільше ціле число, що не перевищує  $y$  і позначимо дробові частини через  $\{y\} = y - [y]$ . Дробові частини чисел  $y_k = ak + b$ , де цілі числа  $k$ , які змінюються від  $-\infty$  до  $+\infty$ , утворюють скінченну множину на  $[0,1]$ , якщо  $a$  – раціональне число, і всюди щільну множину на  $[0,1]$ , якщо  $a$  – ірраціональне число.

Це твердження стає зрозумілим, якщо числу  $y_k$  співставити точку  $P_k$  на колі, що одержується з точки  $P_0$  при  $k=0$  поворотом на кут  $ka$  (де  $\frac{a}{\pi}$  – ірраціональне число). Доведення цього твердження випливає з наступної теореми: